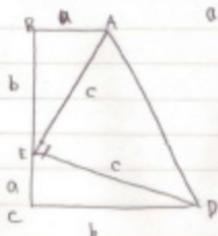


解答例 a 1

Date

class No.



$a^2 + b^2 = c^2$ の証明

各頂点を A, B, C, D とおく。

台形 ABCD の面積を求める。

(上底 + 下底) × 高さ × $\frac{1}{2}$... ①

$$(a+b) \times (a+b) \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{2}(a+b)^2 \quad \dots \textcircled{1}$$

また 台形 ABCD の面積 = $\triangle ABE + \triangle ECD + \triangle AED$

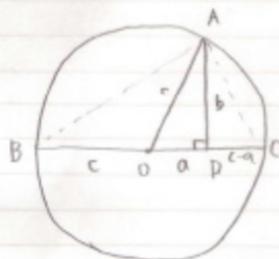
$$= \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}c^2 \quad \dots \textcircled{2}$$

① = ② ... ①

$$\frac{1}{2}(a+b)^2 = ab + \frac{1}{2}c^2$$

$$(a+b)^2 = 2ab + c^2$$

$$\therefore a^2 + b^2 = c^2$$



$A \perp B$, $A \perp C$ を示す。

$\triangle ABC$ と $\triangle DBA$ において

円周角の定理により、

$$\angle BAC = \frac{1}{2} \angle BOC = 90^\circ \quad \textcircled{1}$$

仮定より、 $\angle BDA = 90^\circ \quad \textcircled{2}$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{ より } \angle BAC = \angle BDA \quad \textcircled{3}$$

また $\angle B$ は共通 ... ④

①, ④ より 2 角がそれぞれ等しいので、

$$\triangle ABC \sim \triangle DBA \quad \textcircled{5}$$

$\triangle ABC$ と $\triangle DAC$ において、同様にして

$$\triangle ABC \sim \triangle DAC \quad \textcircled{6}$$

⑤, ⑥ より $\triangle DBA \sim \triangle DAC$

$$\text{ゆえに } DA : DC = DB : DA$$

値を代入すると

$$b : (c-a) = (c+a) : b$$

$$b^2 = c^2 - a^2$$

$$\therefore a^2 + b^2 = c^2$$